

$(x+z, y)=(x, y)+(z, y)$; eukleidovský prostor $V \times V \rightarrow \mathbb{R}$ splňující vlastnosti: 1) $(x, \lambda y)=\lambda(x, y)$
2) $(x, y+z)=(x, y)+(x, z)$ 3) $(0, x)=(x, 0)=0$

Skládání permutací – $\pi(i)=\pi_2(\pi_1(i))$, $\pi=\pi_1 \pi_2 = \pi_2 \circ \pi_1$; skládání perm. Není komutativní $\pi_1 \pi_2 \neq \pi_2 \pi_1$

Sloupcový index – Nechť a_{ij} je prvek matice na místě (i, j) , j je sloupcový index
Součet matic – $A=(a_{ij})$, $B=(b_{ij})$ jsou matice téhož typu m/n , potom součet matic $A+B$ je matice $C=(c_{ij})$ typu m/n taková, že $c_{ij}=a_{ij}+b_{ij}$; $A+B=B+A$, $(A+B)+C=A+(B+C)$,
 $A+0=0+A=A$, $(A+B)^T=A^T+B^T$

Součet vektorů – D1) ke každým dvěma prvkům a, b je jednoznačně určen prvek $a+b$ zvaný součet; $S1) a+b=b+a$; $S2) (a+b)+c=a+(b+c)$; $S3) a+0=0+a=a$; $S4) a+(-a)=(-a)+a=0$;
Součin matic – A je matice m/p , B je p/n , $A \cdot B=C$ typu m/n a platí: $(A+B) \cdot C=AC+BC$;
 $A \cdot 1=A$; $A \cdot 0=0$; $A \cdot (B \cdot C)=(A \cdot B) \cdot C$; $\lambda \cdot (A \cdot B)=(\lambda \cdot A) \cdot B$; $(A \cdot B)^T=B^T \cdot A^T$; $AB \neq BA$

Souřadnice prostoru v dané bázi ↓

Souřadnice vektoru v dané bázi – b_1, \dots, b_n je báze, $v \in V$, $v=a_1 b_1 + a_2 b_2 + \dots + a_n b_n$ potom koeficienty a_1, \dots, a_n se nazývají souřadnice vektoru v v bázi b_1, \dots, b_n $\hat{v}=(a_1, a_2, \dots, a_n)^T$; 1) souř. součtu se rovnají součtu souř. 2) souř. λ -násobku se rovnají λ -násobku souř.

Soustava m rovnic o n neznámých – Nechť A je matice typu m/n $\vec{x}=(x_1, x_2, \dots, x_n)^T$ n -členný, $\vec{b}=(b_1, b_2, \dots, b_n)^T$ m -členný vektor. Potom $A\vec{x}=\vec{b}$ je soustava m lineárních rovnic o n neznámých. Matice $A=(a_{ij})$ se nazývá matice soustavy, matice $A_R=(A | \vec{b})$ rozšířená matice soustavy, vektor \vec{x} vektor neznámých, vektor \vec{b} vektor pravých stran

Spektrum matice – množina všech vlastních čísel matice A

Stupeň polynomu – Nechť C je těleso komplexních čísel, nechť $a_0, a_1, \dots, a_n \in C$, $a_0 \neq 0$. Funkce $p: C \rightarrow C$ definovaná předpisem $p(x)=a_0 x^n + a_1 x^{n-1} + \dots + a_{n-1} x + a_n$ se nazývá polynom stupně n . Píšeme $st(p)=n$

Stupňovitý tvar matice – trojúhelníková matice, nad nebo pod diagonálou

Sudá permutace – složení sudého počtu transpozic; sudý počet inverzí

Symetrická bilineární forma – bil. F se nazývá symetrická, jestliže $\psi(x, y)=\psi(y, x) \forall x, y$; Nechť ψ je syme. Bi. F na prostoru V . Zobrazení $\kappa: V \rightarrow \mathbb{R}$ definované $\kappa(x)=\varphi(x, x)$ se nazývá kvadratická forma; Nechť $\psi_1, a \psi_2$ jsou sym. Bi. f . takové, že $\psi_1(x, x)=\psi_2(x, x) \forall x \in V$, potom $\psi_1=\psi_2$

Symetrická matice – čtvercová matice $n \times n$, $a_{ij}=a_{ji}$; nechť A je reálná sym. Matice potom platí: všechna vlastní čísla matice A jsou reálná; ke každému vlastnímu číslu existuje reálný vlastní vektor; vlastní vektory příslušné k různým vlastním číslům jsou ortogonální (L); A (reálná sym. Matice), J (Jordanova. diag. matice), T (skládá se z ortogonálních vlast. vektorů); $A=TJT^{-1}$

Transponovaná matice – A^T je matice transponovaná k matici A jestliže $a_{ij}^T = a_{ji}$,

$(A^T)^T=A$, $A^T=A$ právě když je symetrická

Transpozice – permutace, která přehodí 2 prvky a ostatní nezmění; Permutace π se nazývá transpozice, jestliže ex. $i \neq j$, $\pi(i)=j, \pi(j)=i$ a pro $k \neq i, j$ je $\pi(k)=k$; Každá permutace se dá vyjádřit jako složení konečného počtu transpozic. Transpozice: cyklus délky 2

Triviální lineární kombinace vektorů - vektor $\lambda_1 \vec{v}_1 + \lambda_2 \vec{v}_2 + \dots + \lambda_k \vec{v}_k$ se nazývá lin. komb. vektorů $\vec{v}_1, \vec{v}_2, \dots, \vec{v}_k$; Jestliže pro alespoň jedno i je $\lambda_i \neq 0$ potom lin. komb. nazývá netriviální, v opačném případě triviální; všechny koeficienty=0, determinant=0

Unitární prostor - Lineární vektorový prostor nad tělesem komplexních čísel se skalárním součinem se nazývá unitární; 1) $(x, x) \geq 0, \forall x \in L (x, x)=0 \Leftrightarrow x=0, 2)$

$(x, y)=(\overline{y}, x)$, 3) $(\lambda x, y)=\lambda(x, y)$, 4) $(x+z, y)=(x, y)+(z, y)$

Vedlejší diagonála matice - Prvky čtvercové matice $a_{1n}, a_{2, n-1}, a_{3, n-2}, \dots, a_{n, 1}$ leží na tzv. vedlejší diagonále, ta je tedy tvořena všemi prvky a_{ij} , kde $j = n - i + 1$.

Vedoucí koeficient polynomu - Nechť C je těleso komplexních čísel, nechť $a_0, a_1, \dots, a_n \in C$, $a_0 \neq 0$. Funkce $p: C \rightarrow C$ definovaná předpisem $p(x)=a_0 x^n + a_1 x^{n-1} + \dots + a_{n-1} x + a_n$ se nazývá polynom stupně n . Píšeme $st(p)=n$. Čísla a_0, a_1, \dots, a_n se nazývají koeficienty polynomu. a_0 absolutní člen, a_n vedoucí koeficient

Vektor neznámých - Nechť A je matice typu m/n $\vec{x}=(x_1, x_2, \dots, x_n)^T$ n -členný, $\vec{b}=(b_1, b_2, \dots, b_n)^T$ m -členný vektor. Potom $A\vec{x}=\vec{b}$ je soustava m lineárních rovnic o n neznámých. Matice $A=(a_{ij})$ se nazývá matice soustavy, matice $A_R=(A | \vec{b})$ rozšířená matice soustavy, vektor \vec{x} vektor neznámých, vektor \vec{b} vektor pravých stran

Vektor pravých stran - Nechť A je matice typu m/n $\vec{x}=(x_1, x_2, \dots, x_n)^T$ n -členný, $\vec{b}=(b_1, b_2, \dots, b_n)^T$ m -členný vektor. Potom $A\vec{x}=\vec{b}$ je soustava m lineárních rovnic o n neznámých. Matice $A=(a_{ij})$ se nazývá matice soustavy, matice $A_R=(A | \vec{b})$ rozšířená matice soustavy, vektor \vec{x} vektor neznámých, vektor \vec{b} vektor pravých stran

Vektorový prostor – neprázdna množina L se nazývá lin. vek. prostor nad tělesem T jestliže: D1: pro dva prvky jednoznačně přiřazen součet D2: jednoznačně určen násobek prvku S1: $u+v=v+u$ (komutativita) S2: $(u+v)+w=u+(v+w)$ (asociativita) S3: exist. nulový prvek $u+0=0+u=u$ S4: exist. opačný prvek $u+(-u)=(-u)+u=0$ N1:

$(\lambda_1 + \lambda_2)u = \lambda_1 u + \lambda_2 u$ N2: $\lambda_1(u+v) = \lambda_1 u + \lambda_1 v$ N3: $(\lambda_1 \lambda_2)u = \lambda_1(\lambda_2 u)$ N4: $1 \cdot u = u$;

Vlastní číslo matice – kořeny charakteristického polynomu $\det(\lambda I - A)=0$; λ je vlastní číslo matice A , nenulový vektor h , takový, že $(\lambda_0 I - A)h=0$ tj. $\lambda_0 h = Ah$ se nazývá vlastní vektor matice; množina všech vlastních čísel matice A se nazývá spektrum matice A

Vlastní vektor matice - λ_0 je vlastní číslo matice A , potom nenulový vektor h takový, že $(\lambda_0 I - A)h=0$, tj. $\lambda_0 h = Ah$, se nazývá vlastní vektor matice A příslušný vlast. číslu λ_0

Vzdálenost vektorů – Nechť v je prostor s normou, potom číslo $\rho(x, y)=\|x - y\|$ nazýváme vzdálenost vektorů x, y ; Nechť V je prostor s normou, potom 1) $\rho(x, y) \geq 0$; $\rho(x, y)=0 \Leftrightarrow x=y$ 2) $\rho(x, y)=\rho(y, x)$ 3) $\rho(x, y) \leq \rho(x, z) + \rho(z, y)$ 4) $\rho(x+a, y+a)=\rho(x, y)$, 123 metr. prostor Nechť V e prostor s normou, potom 1) $\rho(x, y) \geq 0$; $\rho(x, y)=0 \Leftrightarrow x=y$ 2) $\rho(x, y)=\rho(y, x)$ 3) $\rho(x, y) \leq \rho(x, z) + \rho(z, y)$ 4) $\rho(x+a, y+a)=\rho(x, y)$, 123 metr. prostor

Znaménko permutace - je +1, je-li permutace sudá, -1, je-li permutace lichá

λ -násobek matice - Je-li λ číslo, $A = [a_{ij}]$ matice typu m/n , potom matice typu m/n tvaru $\lambda A = [\lambda a_{ij}]$ se nazývá násobek matice A číslem λ