

# KIV/ZEP - 2011

Lehký úvod do komprese, checksumů a šifrování

- redukce zabraného místa
- ztrátová vs. neztrátová komprese
  - RLE, Huffman, Waveletová transformace
- progresivní komprese
  - vhodné pro obrazová data případně zvuk
  - data dekomprimovány nejprve v nízké kvalitě a jak dekomprese postupuje, kvalita roste
  - není-li dostatek času dekomprimovat v nejvyšší kvalitě, uživatel alespoň vidí nízkou
  - některé části mohou zůstat v nízké kvalitě, protože nejsou ve středu pozornosti

## Komprese dat

- komprese dat v paměti
  - redukuje problém s fragmentací paměti
  - umožňuje zpracování rozsáhlejších dat
  - příklady komprese
    - „undo“ informace
    - načtené pluginy (resp. jejich stavových dat)
    - volumetrická data (např. CT hlavy)
  - úsporné datové struktury vs. datové struktury se snadnou aktualizací
    - lomená čára – pole vs. spojový seznam vs. strom
    - Freemanova růžice

## Komprese dat

- kontrola, že nějaká informace je správná
  - rodné číslo: musí být dělitelné 11
    - platí pro rodná čísla desetimístná (od roku 1954)
  - čísla kreditních/debitních karet (VISA, MASTERCARD, AMEX, ...), čísla sociálního pojištění v USA a Kanadě
    - LUHN algoritmus

**Checksums**

- Luhn algoritmus

- postup:

- sečíst číslice na liché (bráno od 1) pozici (zprava)
    - vynásobit každou číslici na liché pozici (počítáno od 1 zprava) jedničkou a na sudé pozici dvojkou
    - sečíst číslice čísel z předchozího kroku
    - je-li součet dělitelný 10, je číslo správně zadané

- vlastnosti:

- dokáže detekovat chybu na jednom místě
    - nedokáže detekovat dva zaměněné páry
    - nedokáže detekovat záměnu 22 za 55, 33 za 66 a 44 za 77

**Checksums**

- kontrola, že se nějaká data nezměnila
  - požaduje se vysoká přesnost zabezpečení - detekce poruchy přenosového média
  - CRC
    - bitová posloupnost = polynom  $n$ -tého stupně
    - $CRC_k$  = zbytek po dělení vstupního polynomu polynomem  $k$ -tého stupně (vhodně zvoleným)
    - CRC32:  $x^{32} + x^{26} + x^{23} + x^{22} + x^{16} + x^{12} + x^{11} + x^{10} + x^8 + x^7 + x^5 + x^4 + x^2 + x + 1$

## Checksums

- CRC

- postup:

- máme dvě bitové posloupnosti: vstupních data a zvoleného polynomu – maska
    - maska propagována bit po bitu vstupními daty
    - je-li aktuální bit na vstupu = 1, změň vstup XOR operací mezi bity masky vstupní bitovou posloupností
    - nelze-li pokračovat, posledních  $k$  bitů je CRC $k$

- vlastnosti:

- velmi dobře se vypořádá s nahodilými poruchami
    - dvě zcela odlišné posloupnosti mohou mít totožné CRC
    - je poměrně snadné nalézt takovou posloupnost

**Checksums**

- MD5

- 128 bitů, obvykle v hexadecimální soustavě, tj. např. „9e107d9d372bb6826bd81d3542a419d6„
- výpočet složitější než u CRC
  - XOR, AND, OR, NOT operace
- použitelné pro zabezpečení zprávy

**Checksums**



- kontrola, že se nějaká vstupní data nezměnila, takže není třeba provést jejich předzpracování, lze využít informace vypočtené v předchozím volání
  - musí být velmi rychlá
  - nemusí být přesná
    - analogie k hash funkcím
    - často stačí zkontrolovat jen část dat
  - Adler32

## Checksums

- Adler32

- postup:

- $A = 1, B = 0$
    - dokud nejsou všechny BYTY zpracovány
      - $A = A + \text{aktuální byte MOD } 65521$
      - $B = B + A \text{ MOD } 65521$
    - $\text{Adler32} = B \ll 16 \mid A$

- vlastnosti:

- velice jednoduchá implementace
    - rychlý výpočet (lze jako hash funkce)
    - slabá ochrana, zejména pro málo dat

**Checksums**

- zabezpečení přístupu
  - je-li checksum zadaného hesla stejný jako uložené checksum, uživatel získá přístup
  - vygenerovat heslo odpovídající uloženému checksum je obtížné
    - MD5, SHA-1 (180 bitů), SHA-512 (512 bitů)
  - pozor na sociální inženýrství!

**Checksums**

- zakryptujte zprávu: „DNES JE HEZKY“
  - pozpátku: „YKZEH EJ SEND“
  - posun o -1 písmeno: „CMDR ID GDYJX“
    - $C = (P + b) \bmod m$
    - $P = (C - b) \bmod m$
  - posun o -1 (lichá)/+1 (sudá): „CODT IF GFYLY“
  - nahrazení písmen: „AHOJ DO BORKU“
    - Enigma (viz „Hon na ponorku“)
    - poměrně bezpečné, ale vyžaduje zaslání klíče
    - lze prolomit, je-li zpráva dostatečně dlouhá, na základě známé frekvence písmen

## Základy kryptování

- RSA (Rivest-Shamir-Adelman)
  - $C = P^e \bmod n$
  - $P = C^d \bmod n$
  - $(e, n)$  je veřejný klíč (volně dostupný)
  - $(d, n)$  je soukromý klíč (skrytý)
  - kdokoliv s  $(e, n)$  může zašifrovat zprávu pro vlastníka  $(d, n)$ , ale nikdo kromě vlastníka ji neumí dešifrovat (a obráceně)

**Základy kryptování**

- RSA Algoritmus

- vygeneruj dvě náhodná velká prvočísla  $p, q$ 
  - velká = 150 cifer a více
- $n = p \cdot q, f = (p - 1) \cdot (q - 1)$
- zvol  $e =$  libovolné přirozené číslo  $\leq f$ , takové, že největší společný dělitel  $\text{NSD}(e, f) = 1$
- spočítej  $d =$  číslo takové, že  $e \cdot d - 1$  je dělitelné beze zbytku číslem  $f$

**Základy kryptování**

- RSA prolomení
  - $(e, n) = (59, 91)$
  - stanov všechny prvočísla  $\leq 91$ 
    - 2, 3, 5, ... (celkem m)
  - vynásob každou dvojici čísel  $(m \cdot m)$  a nalezni takovou, že výsledek je 91, tj.  $7 \cdot 13$
  - stanov  $f = 6 \cdot 12 = 72$  a ověř, že  $\text{NSD}(59, 72) = 1$
  - spočítej  $d = 11$  ( $11 \cdot 59 - 1 / 72 = 9$ )
  - v praxi ale  $p, q$  mají 2048 cifer (binárních), tj.  $m = O(2^{2048}) \rightarrow$  předpokládá se, že nelze prolomit na současných počítačích

**Základy kryptování**

Zkouška 😊

Feedback

**Co dále?**