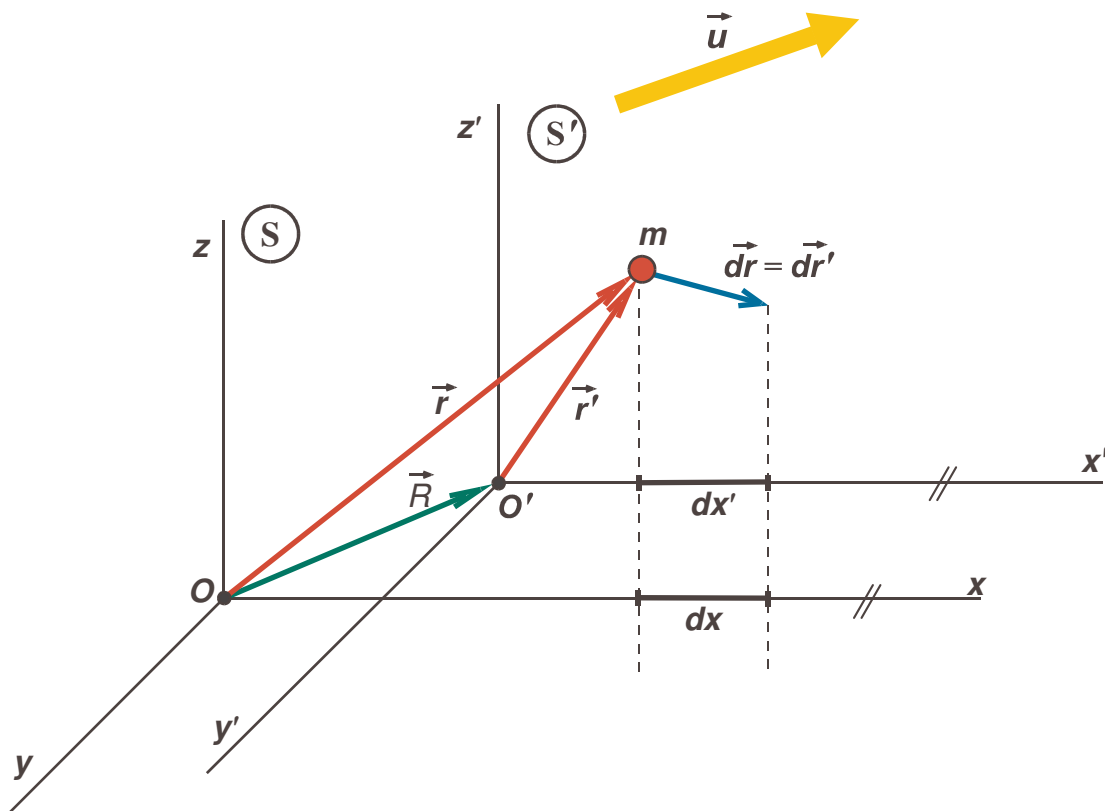


## Inerciální a neinerciální soustavy

Vraťme se nyní k relativním pojmům klidu a pohybu obsaženým v Newtonově zákonu setrvačnosti, které závisejí na volbě vztažné soustavy souřadnic.

Představme si dva kartézské souřadné systémy  $S$  a  $S'$ , které se vůči sobě pohybují nějakým jednoduchým způsobem - například tak, že  $S$  je v klidu (vůči nákresně) a  $S'$  se pohybuje směrem (šikmo) vpravo, přičemž jejich osy zůstávají stále rovnoběžné (tak vypadá posuvný pohyb, nebo-li translace).

V obou těchto systémech pak budeme sledovat jeden a tentýž hmotný bod  $m$ , který se zcela nezávisle na souřadných systémech pohybuje v prostoru (viz obr).



Na obrázku jsou vyznačeny tři polohové vektory :

$\vec{r} = (x, y, z)$  průvodič hmotného bodu v soustavě  $S$

$\vec{r}' = (x', y', z')$  průvodič hmotného bodu v soustavě  $S'$

$\vec{R} = (R_x, R_y, R_z)$  průvodič bodu  $O'$  v soustavě  $S$

Vidíme, že zřejmě platí :

$$\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$$

vztah mezi průvodiči v soustavě  $S$  a  $S'$

Proveďme derivaci této rovnice :

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d\vec{r}'}{dt} + \frac{d\vec{R}}{dt}$$

A uvažme význam vzniklých členů :

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = \vec{v}$$

rychlost hmotného bodu v soustavě S

$$\frac{d\vec{r}'}{dt} = \frac{d'\vec{r}'}{dt} = \vec{v}'$$

rychlost hmotného bodu v soustavě S'

$$\frac{d\vec{R}}{dt} = \vec{u}$$

unášivá rychlost soustavy S' (vzhledem k S)

Název unášivé rychlosti pochází z popisu situace, kdy je hmotný bod v klidu v soustavě S' (např. sedící cestující ve vozidle), ale stejně se pak pohybuje vůči soustavě S, protože je čárkovanou soustavou (vozidlem) „**unášen**” rychlostí  $u$ .

Pozn. : Povšimněte si také ve druhé rovnici toho detailu, že rychlost v čárkované soustavě musí být samozřejmě počítána z měření v této soustavě, tj. že přírůstek dráhy (jeho tři souřadnice) musí být změřen na osách této soustavy, a proto je příslušný matematický výraz – diferenciál čárkovaného průvodiče - označen ještě další čárkou, jako diferenciál definovaný (měřený) v soustavě S'. Z obrázku je dobře vidět, že rovnost obou diferenciálů (čárkovaných a nečárkovaných, měřených v S a v S') nastane pouze za podmínky rovnoběžnosti souřadných os obou soustav, což je právě případ našeho posuvného pohybu soustavy S' (pokud by ovšem soustava S' konala například rotační pohyb, byla by situace úplně jiná - viz výklad na závěr této kapitoly).

Pak tedy pro rychlosti hmotného bodu platí podobná rovnice jako pro průvodiče :

$$\vec{v} = \vec{v}' + \vec{u}$$

vztah mezi rychlostmi v soustavě S a S'

Další derivací pak dostáváme vztah pro zrychlení:

$$\frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d\vec{v}'}{dt} + \frac{d\vec{u}}{dt}$$

Významy jednotlivých členů rovnice budou analogické :

$$\frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{a}$$

zrychlení hmotného bodu v soustavě S

$$\frac{d\vec{v}'}{dt} = \vec{a}'$$

zrychlení hmotného bodu v soustavě S'

$$\frac{d\vec{u}}{dt} = \vec{a}_u$$

unášivé zrychlení soustavy S'

Pro zrychlení hmotného bodu platí potom rovnice :

$$\vec{a} = \vec{a}' + \vec{a}_u$$

vztah mezi zrychleními v soustavě  $S$  a  $S'$

Získané vztahy využijme dále pro rozbor dvou základních případů pohybu soustavy  $S'$  :

1) rovnoměrný přímočarý pohyb soustavy  $S'$

Unášivá rychlost je v tomto případě konstantní :

$$\vec{u} = konst.$$

Uvažme pak situaci, že v soustavě  $S$  pro nějaké těleso platí 1. Newtonův zákon - tedy že se toto těleso bez působení sil pohybuje v soustavě  $S$  rovnoměrným přímočarým pohybem, nebo je v klidu. Jeho rychlost je tedy konstantní, včetně nuly :

$$\vec{v} = konst.$$

Z výše uvedených převodních vztahů pro rychlosti mezi oběma soustavami pak plyne, že rychlost tělesa v soustavě  $S'$  bude také konstantní – to znamená, že i v této soustavě se těleso pohybuje rovnoměrným přímočarým pohybem, nebo je v klidu :

$$\vec{v}' = \vec{v} - \vec{u} = konst.$$

Zákon setrvačnosti tedy platí v soustavě  $S$ , i v soustavě  $S'$ .

Takové souřadné soustavy se pak nazývají inerciální (inercie = setrvačnost).

Nalezneme nyní konkrétní matematický transformační vztah mezi souřadnicemi inerciálních soustav. Využijeme nejprve výše odvozenou obecně platnou rovnici pro průvodiče :

$$\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$$

Jestliže přijmeme čistě formální předpoklad, že soustava  $S$  je „prvotní“ („stará“) a soustava  $S'$  je „druhotná“ („nová“), pak by v převodním vztahu měly stát „nové souřadnice“ na levé straně rovnice :

$$\vec{r}' = \vec{r} - \vec{R}$$

Vektorovou rovnici můžeme rozepsat do tří rovnic skalárních :

$$x' = x - R_x$$

$$y' = y - R_y$$

$$z' = z - R_z$$

Unášivá rychlost soustavy  $S'$  je vlastně rychlostí pohybu jejího počátku  $O'$  v soustavě  $S$ . Uvažme dále, že tento pohyb je možno rozložit na tři jednoduché pohyby na souřadných osách  $x$ ,  $y$  a  $z$  (viz odstavec „Kinematika hmotného bodu“) a že konstantní unášivá rychlost znamená konstantní souřadnice jejího vektoru - a tyto souřadnice udávají jednotlivé konstantní rychlosti pohybů na těchto osách :

$$\vec{u} = (u_x, u_y, u_z)$$

Na každé souřadné ose soustavy  $S$  se tedy děje obyčejný přímočarý rovnoměrný pohyb, jehož rovnice je nejstarší fyzikální rovnicí, kterou znáte :  $s = v \cdot t$

Tento jednoduchý vztah platí ovšem za předpokladu, že v čase  $t = 0$  je dráha nulová, tj. že bod  $O'$  je v místě bodu  $O$ , jinak řečeno - že v nulovém čase obě soustavy splývají. Potom tedy pro všechny tři souřadnice bodu  $O'$  v soustavě  $S$  - tj. pro vykonané dráhy na souřadných osách  $x$ ,  $y$ ,  $z$ , bude :

$$R_x = u_x \cdot t$$

$$R_y = u_y \cdot t$$

$$R_z = u_z \cdot t$$

Tyto tři skalární vztahy může také případně nahradit jedna vektorová rovnice (ale dále ji nepoužijeme) :

$$\vec{R} = \vec{u} \cdot t$$

Když získané skalární výrazy dosadíme do obecných rovnic, vzniknou hledané konkrétní transformační vztahy mezi oběma inerciálními soustavami :

$$\begin{aligned} x' &= x - u_x \cdot t \\ y' &= y - u_y \cdot t \\ z' &= z - u_z \cdot t \end{aligned}$$

Galileovy transformace

Nebo vektorově :

$$\vec{r} = \vec{r}' + \vec{u} \cdot t$$

K tomu přistupuje „samozřejmý“ vztah mezi časy :

$$t = t'$$

Pro obrácený převod souřadnic, z nové soustavy  $S'$  do staré  $S$ , je pak vhodné, aby na levých stranách transformačních rovnic byly souřadnice nečárkované :

$$\begin{aligned} x &= x' + u_x \cdot t \\ y &= y' + u_y \cdot t \\ z &= z' + u_z \cdot t \\ t &= t' \end{aligned}$$

Galileovy transformace obrácené (inverzní)

Pozn. : Tyto transformační rovnice, které jsou zřejmě neoddělitelně spojeny s principy klasické mechaniky, byly zásadně popřeny Einsteinovou (speciální) teorií relativity a nahrazeny v ní jinými vztahy pro inerciální systémy, tzv. **Lorentzovými transformacemi**.

Prozkoumejme dále také **platnost 2. Newtonova zákona** v soustavě  $S'$ . Předpokládejme tedy, že pro hmotný bod v soustavě  $S$  již neplatí zákon setrvačnosti, ale že se působením nějakých těles začal pohybovat podle zákona síly :

$$\vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

A podívejme se, zda bude tato rovnice platit i v čárkované soustavě. Při konstantní unášivé rychlosti soustavy  $S'$  je ovšem její unášivé zrychlení **nulové** :

$$\vec{a}_u = \frac{d\vec{u}}{dt} = \frac{d}{dt}(\text{konst}) = 0$$

A z převodních vztahů plyne rovnost zrychlení hmotného bodu v obou inerciálních soustavách :

$$\vec{a}' = \vec{a} - \vec{a}_u = \vec{a}$$

Pohybová rovnice v  $S'$  má tedy tvar :

$$m \cdot \vec{a}' = m \cdot (\vec{a} - \vec{a}_u) = m \cdot \vec{a} = \vec{F} = \vec{F}'$$

Vidíme jasně, že v obou soustavách jsou stejná zrychlení i stejně působící síly.

Pohybová rovnice platí tedy v **nezměněném tvaru** v každé inerciální soustavě – tj. je **(formálně) stejná** ve **všech inerciálních soustavách** .

Ještě jinak řečeno :

**Pohybové rovnice jsou invariantní vůči Galileově transformaci.**

Tato skvělá vlastnost pohybových rovnic, která velmi zjednodušuje matematické výpočty a umožňuje také jinou, elegantní **definici inerciálních** soustav – jako **soustav, ve kterých platí Newtonovy zákony** , však zcela **znemožňuje** nalezení oné základní, význačné inerciální soustavy, předpokládané Newtonem – tj. **absolutního prostoru** .

Nyní diskutujme druhý důležitý případ pohybu soustavy  $S'$  :

## 2) **nerovnoměrný křivočarý (posuvný) pohyb soustavy $S'$**

Unášivá rychlost soustavy  $S'$  je nyní obecně **proměnnou** veličinou, tj. může se měnit jak velikost , tak také směr a orientace jejího vektoru :

$\vec{u} \neq \text{konst.}$

Soustava  $S'$  se tedy pohybuje **nerovnoměrným křivočarým pohybem** vůči inerciální soustavě  $S$  (pozor - stále to musí být **translace – posuvný pohyb**, při kterém osy soustavy zachovávají svůj směr - to je přece nutný předpoklad platnosti používaných transformačních vztahů).

Pozn.: O translaci, případně rotaci se mluví zejména při popisu **obecného pohybu pevných těles**, ostatně každá **soustava souřadnic je vždy spojena s nějakým hmotným tělesem**, jak si uvědomíme později ve speciální teorii relativity. Jiná definice popisuje **translaci** jako takový pohyb, při kterém **všechny body tělesa** (zde souřadných os) se pohybují po geometricky **stejných drahách**.

Názorně si můžeme translaci představit jako např. pohyb kurzoru počítačové myši na obrazovce, lodičky na Ruském kole, balistického kyvadla, auta po křivočaré dráze – nesmělo by se ale v zatáčkách natáčet do směru svého pohybu.

Při křivočarém pohybu čárkované soustavy je ovšem její unášivé zrychlení **nenulové**:

$$\vec{a}_u = \frac{d\vec{u}}{dt} \neq 0$$

Potom i v případě konstantní rychlosti nějakého tělesa v soustavě  $S$  - tj. jestliže by v  $S$  pro toto těleso **platil zákon setrvačnosti** - podle obecných převodních vztahů ale v soustavě  $S'$  rychlost tělesa už konstantní nebude:

$$\vec{v}' = \vec{v} - \vec{u} \neq konst.$$

**Zákon setrvačnosti tedy v  $S'$  neplatí**, čárkovaná soustava je nyní **neinerciální soustavou** a protože je unášivé zrychlení nenulové, bude **zrychlení** hmotného bodu v soustavě  $S'$  **odlišné** od zrychlení v  $S$ :

$$\vec{a}' = \vec{a} - \vec{a}_u$$

A pohybová rovnice v  $S'$  má potom tvar:

$$m \cdot \vec{a}' = m \cdot (\vec{a} - \vec{a}_u) = m \cdot \vec{a} - m \cdot \vec{a}_u = \vec{F} + \vec{F}^* = \vec{F}'$$

V **neinerciální** soustavě již tedy **pohybová rovnice není invariantní**, neboť **změnila svůj tvar** - na její pravé straně se kromě **původní** působící síly objevuje **nová síla** závisující na unášivém zrychlení soustavy:

$$\vec{F}^* = -m \cdot \vec{a}_u$$

**setrvačná síla** (v neinerciální soustavě)

Tato síla vlastně **nutí těleso** pokračovat, **setrvávat** v původním pohybu, **nevyjadřuje** však působení žádného dalšího hmotného objektu (tak jsou definovány **skutečné síly** v Newtonových zákonech), proto se **setrvačná síla** také nazývá silou **zdánlivou**, nebo **fiktivní**.

Je to ovšem síla naprosto reálně působící, jak každý z nás sám na sobě pociťuje ve zrychlujícím nebo brzdícím dopravním prostředku. (Původ této síly vysvětluje Obecná teorie relativity.)

Celkem tedy : V inerciálních systémech vždy invariantní **pohybová rovnice**, která má na pravé straně pouze skutečnou sílu, **v neinerciálním systému neplatí!**

Abychom získali platný matematický vztah, musíme na pravou stranu rovnice **přidat** k původní skutečné síle ještě **sílu setrvačnou** :

$$m \cdot \vec{a}' = \vec{F}' = \vec{F} + \vec{F}^*$$

**pohybová rovnice v neinerciální soustavě**

Nezapomeňme, že vztah pro setrvačnou sílu byl odvozen za předpokladu nerovnoměrného křivočarého pohybu neinerciální soustavy  $S'$ . Můžeme proto dobře uplatnit znalosti z kinematiky o zrychlení takového pohybu a o jeho rozkladu na tečnou a normálovou složku :

a) Jako speciální případ pohybu neinerciální soustavy  $S'$  lze vyčlenit (translační) **rovnoměrný křivočarý pohyb**, který se koná s konstantní velikostí (ale s proměnlivým směrem) unášivé rychlosti:

$$u = konst.$$

Při tomto pohybu sice neexistuje tečné zrychlení, ale vždy je nenulové **zrychlení dostředivé**, dané zakřivením dráhy, které pak tedy tvoří celé **unášivé zrychlení** soustavy :

$$\vec{a}_u = \vec{a}_n = \frac{u^2}{R} \cdot \vec{n}$$

Příslušná setrvačná síla má samozřejmě opačný směr (viz obrázek), odtud také její název :

$$\vec{F}_n^* = -m \cdot \vec{a}_n = -m \cdot \vec{\omega} \times \vec{\omega} \times \vec{r}$$

**odstředivá síla**

Velikost odstředivé síly je ovšem stejná jako velikost síly dostředivé :

$$F_n^* = F_n = m \cdot \frac{u^2}{R}$$

b) V případě (translačního) **nerovnoměrného křivočarého pohybu** soustavy  $S'$  se již bude měnit jak velikost, tak také směr a orientace unášivé rychlosti :

$$\vec{u} \neq konst.$$

A kromě stále existujícího normálového zrychlení se objeví ještě navíc **tečné zrychlení** :

$$\vec{a}_u = \vec{a}_n + \vec{a}_\tau$$

Odstředivá síla tak bude doplněna další setrvačnou silou mířící proti směru tečného zrychlení (viz obr.) :

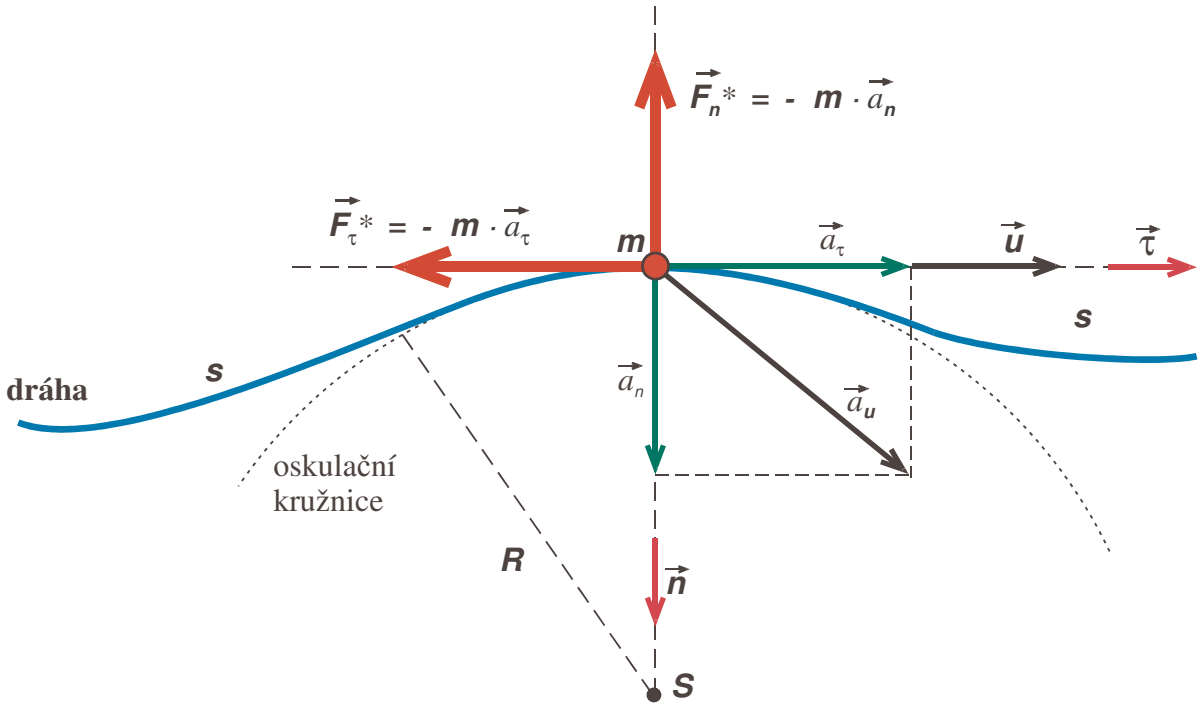
$$\vec{F}_\tau^* = -m \cdot \vec{a}_\tau = -m \cdot \frac{du}{dt} \cdot \vec{\tau}$$

Eulerova (setrvačná) síla

Její velikost je samozřejmě stejná jako velikost tečnící síly :

$$F_\tau^* = F_\tau = m \cdot \frac{du}{dt}$$

Z vlastní zkušenosti (opět z dopravních prostředků, které dokáží brzdit a zrychlovat i v zatáčkách) můžeme jistě potvrdit, že obě síly skutečně existují (viz obr.).



c) Nejjednodušším (translačním) pohybem neinerciální soustavy  $S'$  je **nerovnoměrně rychlený přímočarý pohyb** (je to ovšem také pouze speciální případ nerovnoměrného křivočarého pohybu), který je možno charakterizovat proměnnou velikostí unášivé rychlosti a jejím konstantním směrem a orientací ve směru pohybu na přímce dráhy – což lze formálně zapsat jako neměnnost tečného vektoru :

$$u \neq konst.$$

$$\vec{\tau} = konst.$$

Unášivé zrychlení má také směr přímky dráhy :

$$\vec{a}_u = a_u \cdot \vec{\tau} = \frac{du}{dt} \cdot \vec{\tau}$$

Setrvačnou sílu pak určíme dosazením tohoto zrychlení do základní definice :



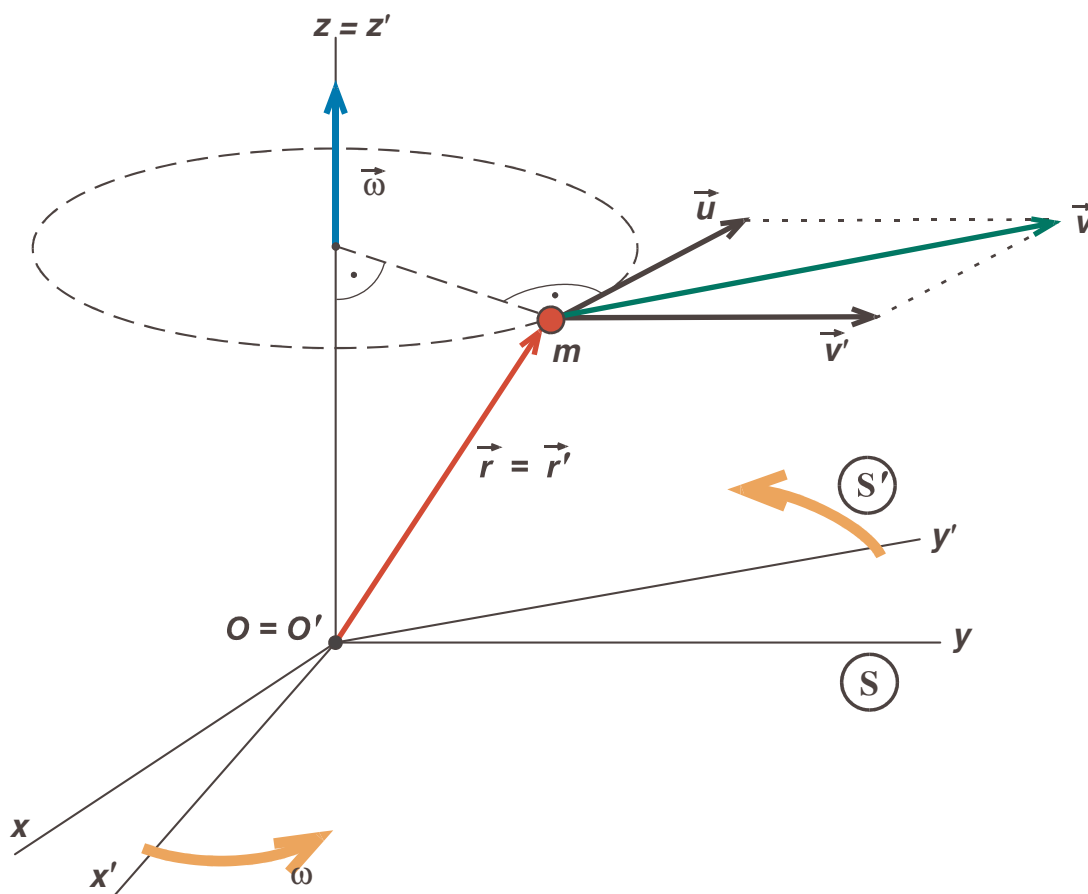
$$\vec{F}^* = -m \cdot \vec{a}_u = -m \cdot \frac{du}{dt} \cdot \vec{e}$$

A je zřejmé, že se vlastně principiálně jedná o tečnou Eulerovu setrvačnou sílu.

V nejobecnějším případě je ovšem pohyb neinerciální soustavy  $S'$  (stejně jako obecný pohyb tělesa – viz kapitola „Dynamika tuhého tělesa“) vždy vytvářen spojením pohybu translačního s pohybem rotačním. Proto na závěr prozkoumáme ještě třetí základní případ pohybu neinerciální soustavy  $S'$ :

### 3) rotační pohyb soustavy $S'$

Předpokládejme, že inerciální soustava  $S$  je v klidu vůči nákresně a neinerciální soustava  $S'$  se otáčí úhlovou rychlostí  $\omega$  kolem společných os  $z = z'$ , přičemž počátky obou soustav splývají ( $O = O'$ ).



Opět sledujeme průvodiče jediného hmotného bodu  $m$  v soustavě  $S$  i  $S'$ . Protože počátky obou soustav splývají, jsou tyto vektory totožné:

$$\vec{r} = \vec{r}'$$

**Souřadnice** tohoto vlastně jediného vektoru jsou ovšem **různé** v obou soustavách, ale hlavně jsou různé jeho **časové změny** (přírůstky), tedy i **derivace** podle času v těchto soustavách.

Jestliže si nejprve představíme, že hmotný bod je vůči čárkované soustavě v klidu (tj. je se soustavou  $S'$  například pevně spojený), pak nám bude zřejmé, že je touto soustavou unášen a že společně s ní koná kruhový pohyb. Jeho unášivá rychlost je tedy rovna **obvodové rychlosti** kruhového pohybu :

$$\vec{u} = \vec{\omega} \times \vec{r}$$

Obecně se ovšem hmotný bod může v soustavě  $S'$  ještě navíc pohybovat nějakou rychlostí  $\vec{v}'$ , potom podle principu skládání rychlostí je jeho **výsledná rychlost** v klidové soustavě  $S$  rovna součtu obou těchto rychlostí :

$$\vec{v} = \vec{v}' + \vec{\omega} \times \vec{r}$$

**skládání rychlostí v soustavě  $S$**

Rychlosti hmotného bodu jsou ovšem určeny časovými přírůstky – derivacemi - příslušných průvodičů v obou soustavách :

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d'\vec{r}'}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{r}$$

Z důvodu rovnosti průvodičů můžeme pak psát :

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d'\vec{r}'}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{r}$$

Vytvořili jsme tedy rovnici platnou pro **jeden a tentýž vektor** průvodiče ve **dvou různých** soustavách, inerciální  $S$  a neinerciální  $S'$ , která vysvětluje „celkový“ přírůstek průvodiče (časovou změnu, derivaci) v inerciální soustavě  $S$  jako součet jeho **vlastního přírůstku** v  $S'$  a přírůstku od unášivého **rotačního pohybu** v soustavě  $S'$ .

Posunout do počátku můžeme ovšem vektor jakékoliv fyzikální veličiny a tím se tento vektor dostane do stejně situace jako průvodič a stejným způsobem (jako vektory) se budou skládat jeho přírůstky od rotačního pohybu i od jeho vlastní změny v  $S'$ .

Dostaneme tak velmi **obecný vztah mezi derivacemi libovolného vektoru**  $\vec{A}$  ve dvou různých vztažných soustavách – v inerciální  $S$  a v neinerciální soustavě  $S'$ , rotující úhlovou rychlostí  $\vec{\omega}$  :

$$\frac{d\vec{A}}{dt} = \frac{d'\vec{A}'}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{A}$$

Představa, že jakákoliv vektorová fyzikální veličina se chová stejně jako polohový vektor z mechaniky je ovšem poněkud nezvyklá, celkem ale jde pouze o maximálně názorné „odvození“ obecného, velmi

nenázorného vztahu z matematické analýzy, platícího pro libovolné vektorové spojité funkce, který dokonce ani nepotřebuje předpoklad společných počátků a rotačních os obou soustav.

My tento vztah využijeme pro výpočet zrychlení hmotného bodu v neinerciální soustavě. Nejprve ho aplikujeme na vektor rychlosti v soustavě  $S'$  :

$$\frac{d\vec{v}'}{dt} = \frac{d'\vec{v}'}{dt} + \vec{\omega} \times \vec{v}'$$

Na pravé straně rovnice hned dostáváme hledané zrychlení :

$$\vec{a}' = \frac{d'\vec{v}'}{dt} = \frac{d\vec{v}'}{dt} - \vec{\omega} \times \vec{v}'$$

V prvním členu na pravé straně dosadíme za čárkovanou rychlost z počátečního základního vztahu pro skládání rychlostí a provedeme derivace podle standardních pravidel pro derivace :

$$\vec{a}' = \frac{d}{dt}(\vec{v} - \vec{\omega} \times \vec{r}) - \vec{\omega} \times \vec{v}' = \frac{d\vec{v}}{dt} - \frac{d\vec{\omega}}{dt} \times \vec{r} - \vec{\omega} \times \frac{d\vec{r}}{dt} - \vec{\omega} \times \vec{v}'$$

Na pravé straně rovnice vznikly nyní známé veličiny zrychlení, úhlového zrychlení a rychlosti hmotného bodu v soustavě  $S$ , tedy nečárkované veličiny :

$$\vec{a}' = \vec{a} - \vec{\epsilon} \times \vec{r} - \vec{\omega} \times \vec{v} - \vec{\omega} \times \vec{v}'$$

A pro rychlost v  $S$  použijeme ještě jednou vztah pro skládání rychlostí a provedeme roznásobení a sdružení členů v poslední rovnici :

$$\vec{a}' = \vec{a} - \vec{\epsilon} \times \vec{r} - \vec{\omega} \times (\vec{v}' + \vec{\omega} \times \vec{r}) - \vec{\omega} \times \vec{v}' = \vec{a} - \vec{\epsilon} \times \vec{r} - \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}) - 2\vec{\omega} \times \vec{v}'$$

Po vynásobení hmotností dostaneme ihned **pohybovou rovnici v rotující soustavě** :

$$m \cdot \vec{a}' = m \cdot \vec{a} - m \cdot \vec{\epsilon} \times \vec{r} - m \cdot \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}) - 2 \cdot m \cdot \vec{\omega} \times \vec{v}' = \vec{F} + \vec{F}_1^* + \vec{F}_2^* + \vec{F}_3^* = \vec{F}'$$

Vidíme, že kromě skutečné síly  $\vec{F}$  působící v inerciální soustavě musíme do pohybové rovnice v neinerciální rotující soustavě započítat další celkem tři zdánlivé síly :

$$\vec{F}_1^* = \vec{F}_\tau^* = -m \cdot \vec{\epsilon} \times \vec{r}$$

**Eulerova (setrvačná) síla**

$$\vec{F}_2^* = \vec{F}_n^* = -m \cdot \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r})$$

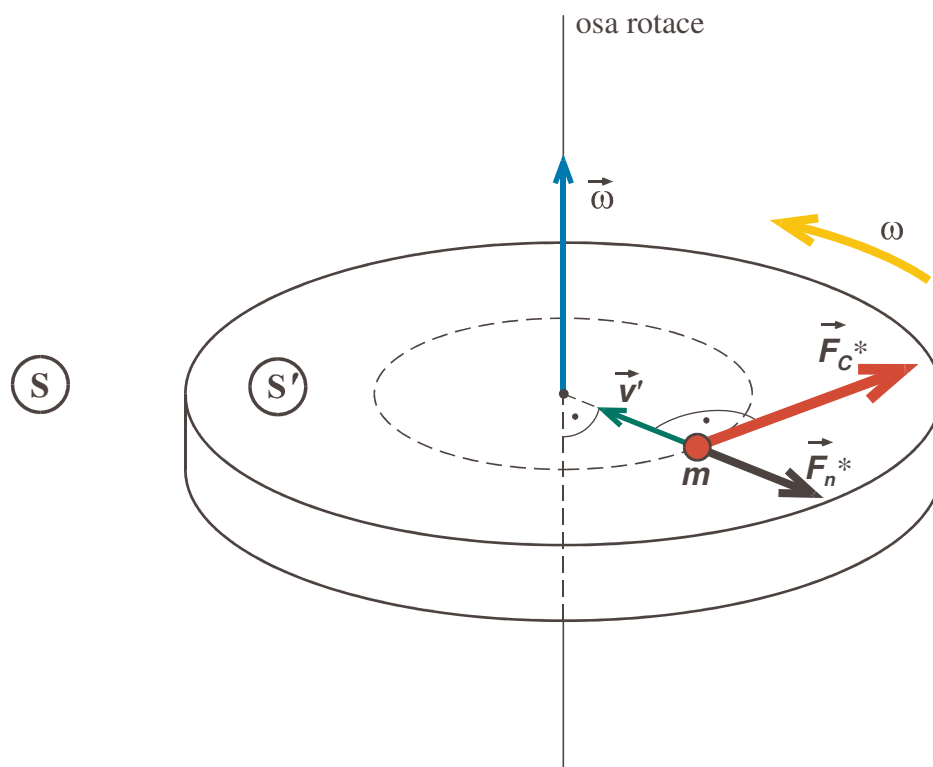
**odstředivá síla**

Kromě těchto dvou očekávaných a známých sil existuje ještě další síla napohled poněkud komplikovaných vlastností :

$$\vec{F}_3^* = \vec{F}_C^* = -2m \cdot \vec{\omega} \times \vec{v}'$$

**Coriolisova síla**

Vzorec nám ukazuje, že tato síla se objevuje pouze v případě **vlastního pohybu** hmotného bodu v neinerciální soustavě rychlostí, která není rovnoběžná s osou rotace (viz obr.).



Z důvodu relativně malé velikosti Coriolisovu sílu na povrchu Země v běžném životě přímo nepocítujeme, přesto je to veličina dobře měřitelná a za určitých okolností může mít v nějaké technické aplikaci výrazný vliv.

(Může například způsobit vír vytékající kapaliny, odlišného smyslu na severní i jižní polokouli, odklánět dráhu padající střely, stáčet rovinu matematického kyvadla ...)