

Kompresní algoritmy

Kompresce

Cíl komprese: redukovat objem dat za účelem

- přenosu dat
- archivace dat
- vytvoření distribuce sw
- ochrany před viry

Kvalita komprese:

- rychlost komprese
- symetrie/asymetrie kompresního algoritmu
 - Symetrické algoritmy – stejný čas potřebný pro kompresi i dekompresi
 - Asymetrické algoritmy – čas potřebný pro kompresi a dekompresi se liší
- kompresní poměr = poměr objemu komprimovaných dat k objemu dat nekomprimovaných

Kompresce:

- **bezztrátová** - po kódování a dekódování je výsledek 100% shodný,
 - nižší kompresní poměr
 - používají s výhradně pro kompresi textů a v případech, kdy nelze připustit ztrátu informace
- **ztrátová** - po kódování a dekódování dochází ke ztrátě
 - obvykle vyšší kompresní poměr než bezztrátové
 - lze použít pouze v případech kdy ztráta je akceptovatelná (komprese obrazů, zvuku)

Metody komprese:

- **jednoduché** – založené na kódování opakujících se posloupností znaků (RLE)
- **statistické** – založené na četnosti výskytu znaků v komprimovaném souboru (Huffmanovo kódování, Aritmetické kódování)
- **slovníkové** – založené na kódování všech vyskytujících se posloupností (LZW)
- **transformační** – založené na ortogonálních popř. jiných transformacích (JPEG, waveletová komprese, fraktálová komprese)

Jednoduché metody komprese

RLE (Run Length Encoding) – kódování délkou běhu

- **Charakteristika:** bezztrátová metoda
- **Použití:** zřídka pro kompresi textů, častěji pro obrazovou informaci
- **Princip:** opakující se symboly se kódují dvojicí
(počet_opakování , symbol)

Kódování délky se provádí:

- přímo — u každého znaku je udán počet opakování
Př. Vstup: AAAABBCDDDDABD
Výstup: 4A2B1C4D1A1B1D

Nevýhoda: pokud se znaky neopakují často nedochází ke kompresi, ale naopak k prodloužení kódovaného souboru

Algoritmus dekomprese a vytvoření slovníku

```
prečti OLD_CODE;
zapiš OLD_CODE na výstup;
while (na vstupu jsou další kódy) do
begin
  přečti NEW_CODE;
  if NEW_CODE není v kódovací tabulce then
  begin
    S := posloupnost zakódovaná kódem OLD_CODE;
    S := S+C;
  end
  else S := posloupnost zakódovaná kódem NEW_CODE;

  zapiš S na výstup;
  C := první znak S;
  přidej do kódovací tabulky (OLD_CODE+C);
  OLD_CODE := NEW_CODE;
end;
```

Test existence NEW_CODE možná vypadá zbytečně, ale existují případy ve kterých to bez tohoto testu nefunguje, např. u řetězce ABABABAB !!!!

Použití : často používaná metoda u textových i grafických souborů (např. PKZIP, ARJ, ZIP, TIFF, GIF)

Vstupní řetězec:

65 66 67 256 258 257 68 259

OLD_CODE	NEW_CODE	S	C	Výstup
A(65)				A
A(65)	B(66)	B	B	B
B(66)	C(67)	C	C	C
C(67)	AB(256)	AB	A	AB
AB(256)	CA(258)	CA	C	CA
CA(258)	BC(257)	BC	B	BC
BC(257)	D(68)	D	D	D
D(68)	ABC(259)	ABC	A	ABC

Výstupní řetězec:

ABCABCABCDABC

Huffmanovo kódování

- algoritmus navržen v Davidem Huffmanem v roce 1952
- využívá optimálního (nejkratšího) prefixového kódu (kód žádného znaku není prefixem jiného znaku).
- kódové symboly mají proměnnou délku

Princip: Metoda je založená na stanovení četnosti výskytů jednotlivých znaků v kódovaném souboru a kódování znaků s největší četností slovem s nejkratší délkou.

Algoritmus kódování:

1. Zjištění četnosti jednotlivých znaků v kódovaném souboru
2. Vytvoření binárního stromu (Huffmanova kódu jednotlivých znaků) seřadíme posloupnost postupně zleva doprava doprava podle:
 - četnosti
 - podstrom bude vlevo před listem, větší podstrom před menším
 - pořadí v abecedě
3. Uložení stromu
4. Nahrazení symbolů jednotlivými kódy (posloupností bitů)

Algoritmus vytvoření stromu

jednotlivé znaky označíme za vrcholy grafu (listy stromu) a dáme je do seznamu S

```
while (S.length>1) {
  v S nalezneme dva vrcholy m, n s nejmenšími počty
  výskytů
  p = new Vrchol;
  p.left = m; p.right = n;
  p.count = m.count + n.count; // count je # výskytů
  S.remove(m, n); S.add(p);
}
```

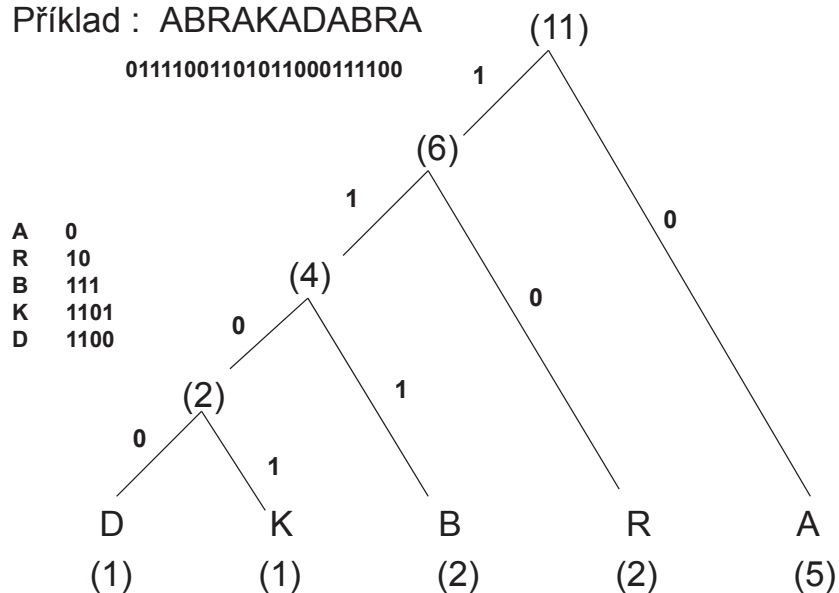
S obsahuje kořen stromu

najdeme kódy jednotlivých znaků (při průchodu z kořene do listu kódujeme 0 při kroku vlevo a 1 vpravo)

Statistické metody komprese

- Huffmanovo kódování
- Aritmetické kódování

Příklad : ABRAKADABRA



- strom se ukládá na začátek kódované sekvence a přenáší se s komprimovaným souborem. Dekodér si ho nejprve vytvoří dekódovací strom a pak zpracovává vlastní kód.

Struktura stromu (ukládána a spolu s kódem)

- Stromem se prochází do hloubky. Pro každý uzel se uloží bit 0, pro každý list se uloží bit 1 následovaný osmi bity s kódem listu. Uloženým stromem se při načítání postupuje takto: Jestliže narazíš na bit 0, vytvoř z aktuálního prvku uzel a postup do levého následovníka. Jestliže narazíš na bit 1, načti dalších osm (devět) bitů, ulož je do listu a postup na nejbližší volný prvek napravo. Načítání stromu skončí v momentě, kdy už není žádný volný prvek. Tímto způsobem se vygeneruje strom, kterým se při zpracování dat prochází.
- pro předchozí případ (řetězec ABRAKADABRA):
01A001R0001D01K01B

Dekomprese

1. Načtení a obnovení stromu, algoritmus je popsán při kompresi X
2. Vlastní dekomprese: Nahrazení kódů původními znaky.

```
v = vrchol stromu
while (!eof(input)) do {
    b = read bit
    if (b==0)
        v = v.left
    else v = v.right
    if (v je list) {
        write v.value // znak reprezentovaný tímto listem
        v = vrchol stromu
    }
}
```

Aritmetické kódování

- Statistická metoda
- Kóduje celou zprávu jako jedno kódové slovo (v původní verzi číslo z intervalu [0,1).

Princip : Aritmetické kódování reprezentuje zprávu jako podinterval intervalu $<0,1$). Na začátku uvažujeme celý tento interval. Jak se zpráva prodlužuje, zpřesňuje se i výsledný interval a jeho horní a dolní mez se k sobě přibližují. Čím je kódovaný znak pravděpodobnější, tím se interval zúží méně a k zápisu delšího (to znamená hrubšího) intervalu stačí méně bitů. Na konec stačí zapsat libovolné číslo z výsledného intervalu.

Algoritmus komprese

1. Zjištění pravděpodobnosti $P(i)$ výskytu jednotlivých znaků ve vstupním souboru
2. Stanovení příslušných kumulativních pravděpodobností $K(0)=0$, $K(i)=K(i-1)+P(i-1)$ a rozdělení intervalu $<0,1$ na podintervaly $I(i)$ odpovídající jednotlivým znakům (seřazeným podle abecedy) tak, aby délky těchto intervalů vyjadřovaly pravděpodobnosti příslušných znaků: $I(i) = <K(i), K(i+1))$
3. Uložení použitých pravděpodobností
4. Vlastní komprese

začínáme s intervalem $I=<0,1$): označme jeho dolní mez $D(I)$, horní $H(I)$ a délku intervalu $L(I)=H(I)-D(I)$

```
while (!eof) {
    read(i)
    I = <D(I)+K(i)*L(I), D(I)+K(i+1)*L(I)
}
write(D(I))
```

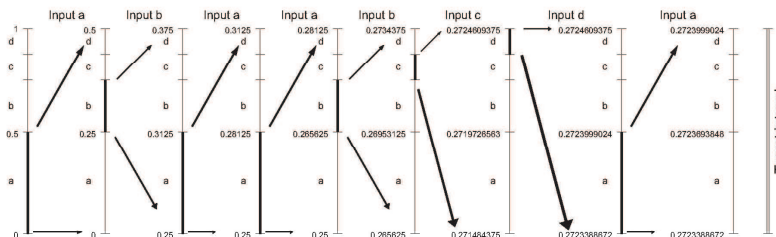
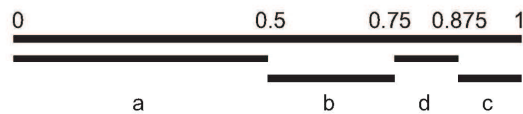
Příklad kódování

Vstup: a $L = 0$
 $H = 0 + 0.5 \cdot 1 = 0.5$
 b $L = 0 + 0.5(0.5 - 0) = 0.25$
 $H = 0 + 0.5(0.5 - 0) + 0.25(0.5 - 0) = 0.375$
 a $L = 0.25$
 $H = 0.25 + 0.5 \cdot (0.375 - 0.25) = 0.3125$
 a $L = 0.25$
 $H = 0.25 + 0.5 \cdot (0.3125 - 0.25) = 0.28125$
 b $L = 0.25 + 0.5 \cdot (0.28125 - 0.25) = 0.265625$
 $H = 0.25 + 0.5 \cdot (0.28125 - 0.25) + 0.25 \cdot$
 $(0.28125 - 0.25) = 0.2734375$
 c $L = 0.265625 + 0.5 \cdot (0.2734375 - 0.265625) + 0.25$
 $\cdot (0.2734375 - 0.265625)$
 $= 0.271484375$
 $H = 0.265625 + 0.5 \cdot (0.2734375 - 0.265625) + 0.25 \cdot$
 $(0.2734375 - 0.265625) + 0.125 \cdot 0.25 (0.2734375$
 $0.265625) = 0.2724609375$

Atd.

Příklad kódování

$P(a)=0.5, P(b)=0.25, P(c)=0.125, P(d)=0.125$



Dekomprese

1. Rekonstrukce použitých pravděpodobností
2. Vlastní dekomprese

`read(X)` přečteme uložené reálné číslo

```
while (není obnovena celá zpráva) {
    najdeme i, aby X bylo v [K(i), K(i+1))
    write(i)
    X = (X - K(i)) / P(i)
}
```

Ztrátové komprese

- JPEG
- Waveletová komprese
- Fraktálová komprese

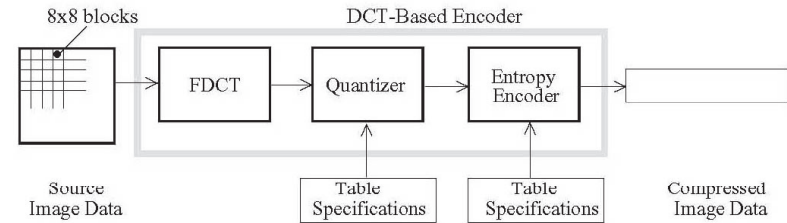
JPEG (Joint Photographic Experts Group)

- v současné době patří mezi nejvíce používané komprese u obrázků
- je vhodná pro komprimaci fotek, nevhodná pro např. technické výkresy (čárové výkresy) – dochází k viditelnému rozmazání

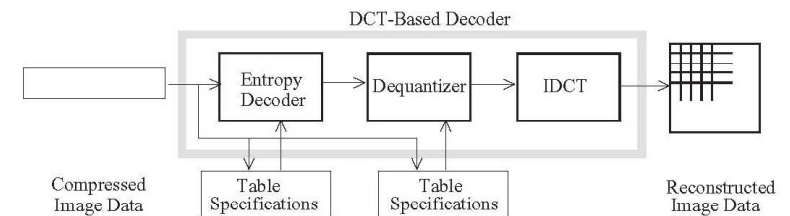
Princip:

- části obrazu se transformují do frekvenční oblasti (výsledkem je matice „frekvenčních“ koeficientů)
- z matice koeficientů se odstraní koeficienty odpovídající vyšším frekvencím (rychlejší změny jasu – např. hrany v obraze)
- zbývající koeficienty se vhodným způsobem zkomprimují

Blokové schéma Jpeg komprese (kodér)



Blokové schéma Jpeg komprese (dekodér)



DCT – Diskrétní kosinová transformace

- transformuje kódovanou oblast do frekvenční oblasti
- je bezztrátová a existuje k ní inverzní transformace

Postup:

- Zdrojový obraz se nejprve rozdělí na bloky 8x8 pixelů
- Hodnoty jasu v každém bloku se nejprve transformují z intervalu $[0, 2^p-1]$ na interval $[2^{p-1}, 2^p-1]$
- Provede se diskretní kosinová transformace podle vztahu:

$$F(u, v) = \frac{1}{4} C(u) \cdot C(v) \cdot \left[\sum_{x=0}^7 \sum_{y=0}^7 f(x, y) \cdot \cos \frac{(2x+1)u\pi}{16} \cos \frac{(2y+1)v\pi}{16} \right] \quad (DCT)$$

$$f(x, y) = \frac{1}{4} \left[\sum_{u=0}^7 \sum_{v=0}^7 C(u) \cdot C(v) \cdot F(u, v) \cdot \cos \frac{(2x+1)u\pi}{16} \cos \frac{(2y+1)v\pi}{16} \right] \quad (IDCT)$$

$$C(u), C(v) = \frac{1}{\sqrt{2}}, \text{ pro } u, v = 0$$

$$C(u), C(v) = 1, \text{ pro } u, v$$

Kvantizace / dekvantizace

- V tomto kroku se každý z 64 koeficientů DCT (IDCT) vydělí (vynásobí) odpovídajícím prvkem kvantizační matice a zaokrouhlí na nejbližší celé číslo. V tomto kroku dochází ke ztrátě informace !!!!!

kvantizace

$$F^Q(u, v) = \text{Integer} \left(\frac{F(u, v)}{Q(u, v)} \right)$$

$$Q_{50} = \begin{matrix} 16 & 11 & 10 & 16 & 24 & 40 & 51 & 61 \\ 12 & 12 & 14 & 19 & 26 & 58 & 60 & 55 \\ 14 & 13 & 16 & 24 & 40 & 57 & 69 & 56 \\ 14 & 17 & 22 & 29 & 51 & 87 & 80 & 62 \\ 18 & 22 & 37 & 56 & 68 & 109 & 103 & 77 \\ 24 & 35 & 55 & 64 & 81 & 104 & 113 & 92 \\ 49 & 64 & 78 & 87 & 103 & 121 & 120 & 101 \\ 72 & 92 & 95 & 98 & 112 & 100 & 103 & 99 \end{matrix}$$

dekvantizace

$$F^Q(u, v) = F^Q(u, v) \cdot Q(u, v)$$

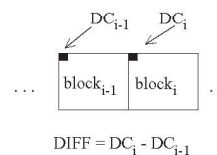
$$Q_q = \frac{Q_{50}(100-q)}{50} \quad \text{pro } q \in (50, 100)$$

$$Q_q = \frac{50 \cdot Q_{50}}{q} \quad \text{pro } q \in (0, 50)$$

Kódování DCT koeficientů

- Koeficienty DCT se obvykle kódují pomocí statistických metod (Huffman, aritmetické kódování)
- Koeficient v pozici (0,0) je označen jako DC koeficient (stejnosečná složka), ostatní se označují jako AC koeficienty
- Vzhledem k tomu že DC koeficienty sousedních bloků jsou obvykle silně korelované (tj. střední hodnota jasů sousedních bloků je podobná) kódují se DC koeficienty odděleně od AC koeficientů
- kódování DC koeficientů – difference hodnot sousedních bloků (DC prvního bloku se kóduje jako přímá hodnota) - výsledná hodnota se kóduje jako dvojice

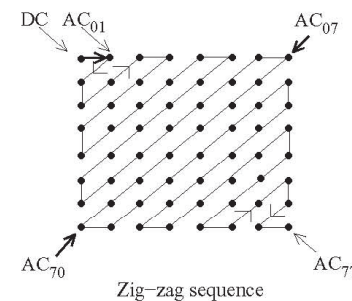
(velikost) (amplituda)



SIZE	AMPLITUDE
1	-1,1
2	-3,-2,2,3
3	-7,-4,4,7
4	-15,-8,8,15
5	-31,-16,16,31
6	-63,-32,32,63
7	-127,-64,64,127
8	-255,-128,128,255
9	-511,-256,256,511
10	-1023,-512,512,1023

- Kódování AC koeficientů – délkou běhu - nejprve se koeficienty uspořádají podle následujícího obrázku pak se kódují jako trojice (RL, velikost) (amplituda)

kde RL je počet nul které jsou před kódovanou hodnotou, velikost a amplituda jsou shodné jako při kódování DC koeficientů



Příklad kódování bloku obrazu

139	144	149	153	155	155	155	155	235.6	-1.0	-12.1	-5.2	2.1	-1.7	-2.7	1.3	16	11	10	16	24	40	51	61
144	151	153	156	159	156	156	156	-22.6	-17.5	-6.2	-3.2	-2.9	-0.1	0.4	-1.2	12	12	14	19	26	58	60	55
150	155	160	163	158	156	156	156	-10.9	-9.3	-1.6	1.5	0.2	-0.9	-0.6	-0.1	14	13	16	24	40	57	69	56
159	161	162	160	160	159	159	159	-7.1	-1.9	0.2	1.5	0.9	-0.1	0.0	0.3	14	17	22	29	51	87	80	62
159	160	161	162	162	155	155	155	-0.6	-0.8	1.5	1.6	-0.1	-0.7	0.6	1.3	18	22	37	56	68	109	103	77
161	161	161	161	160	157	157	157	1.8	-0.2	1.6	-0.3	-0.8	1.5	1.0	-1.0	24	35	55	64	81	104	113	92
162	162	161	163	162	157	157	157	-1.3	-0.4	-0.3	-1.5	-0.5	1.7	1.1	-0.8	49	64	78	87	103	121	120	101
162	162	161	161	163	158	158	158	-2.6	1.6	-3.8	-1.8	1.9	1.2	-0.6	-0.4	72	92	95	98	112	100	103	99

(a) source image samples	(b) forward DCT coefficients	(c) quantization table
15 0 -1 0 0 0 0 0	240 0 -10 0 0 0 0 0	144 146 149 152 154 156 156 156
-2 -1 0 0 0 0 0 0	-24 -12 0 0 0 0 0 0	148 150 152 154 156 156 156 156
-1 -1 0 0 0 0 0 0	-14 -13 0 0 0 0 0 0	155 156 157 158 158 157 156 155
0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	160 161 161 162 161 159 157 155
0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	163 163 164 163 162 160 158 156
0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	163 164 164 164 162 160 158 157
0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	160 161 162 162 162 161 159 158
0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	158 159 161 161 162 161 159 158
(d) normalized quantized coefficients	(e) denormalized quantized coefficients	(f) reconstructed image samples

Waveletová komprese

Příklad kódování bloku obrazu

15	0	-1	0	0	0	0	0
-2	-1	0	0	0	0	0	0
-1	-1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

Předpoklad: předchozí blok měl kvantizovaného DC koeficientu +12

Poslopnost symbolů pro celý obraz je pak možné kódovat Huffmanovým kódem

Poslopnost symbolů, které kódují blok je:

..... (2)(3), (1,2)(-2), (0,1)(-1), (0,1)(-1), (0,1)(-1), (0,0)

Konec bloku

Charakteristika:

- ztrátová komprese
- podobný princip jako u JPEG komprese
- využívá lineární transformaci (waveletovou transformaci)
- obvykle dosahuje vyšších kompresních poměrů

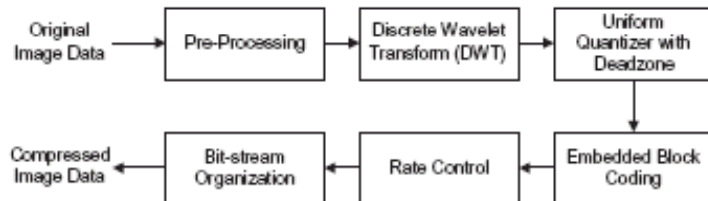
Použití:

- FBI - komprese otisků prstů
- JPEG 2000

JPEG 2000

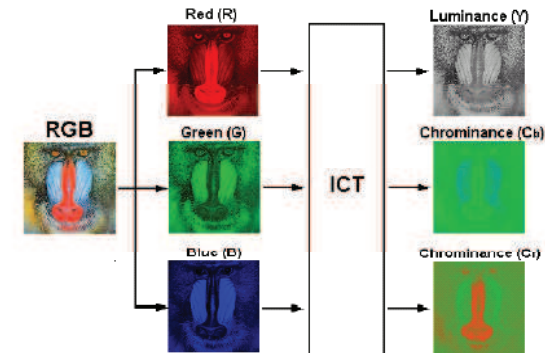
- cílem bylo navrhnout nový obrazový standard, který překonává některé nedostatky které byly u JPEG komprese
- vhodný pro rozdílné typy statických obrazů (binární, šedotónový, barevný) s rozdílnými charakteristikami (scenérie, technické výkresy, družicové snímky)
- vhodný pro rozdílné účely - přenos obrazů, archivace
- kódování JPEG 2000 může být ztrátové nebo bezztrátové

Blokové schéma kodovacího procesu



- barevná transformace z RGB do Y, C_r, C_b

$$\begin{bmatrix} Y \\ C_r \\ C_b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.299 & 0.586 & 0.114 \\ -0.169 & -0.331 & 0.500 \\ 0.500 & -0.419 & -0.081 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix}$$



Předzpracování



tři kroky předzpracování:

- rozdělení obrazu na bloky - bloky se nepřekrývají, jsou stejné velikosti, každý blok je komprimován samostatně s vlastními parametry komprese

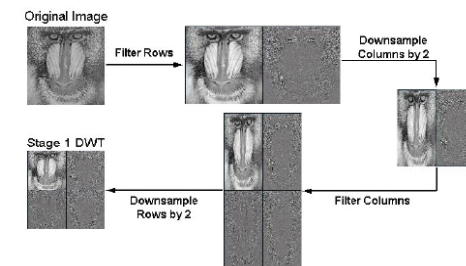
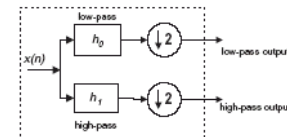


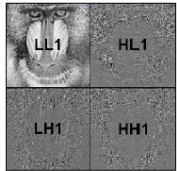
- normalizace úrovní - jelikož JPEG2000 používá filtr typu horní propust očekává se že rozsah vstupních hodnot je rozložen okolo nuly (je-li rozsah vstupu na B bitech bude vstup po normalizaci v rozsahu $-2^{B-1} \leq x \leq 2^{B-1}$)

- barevná transformace - většinou jsou komprimovány barevné obrazy v RGB reprezentaci, ta je ale nevhodná pro ztrátovou kompresi (dochází k posuvu barev) používá se jiný barevný model (Y, C_r, C_b)

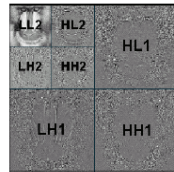
Diskrétní waveletová transformace

JPEG 2000 je založen na diskrétní waveletové dekompozici DWT

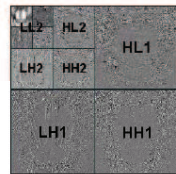




1. úroveň



2. úroveň

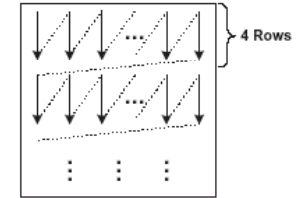
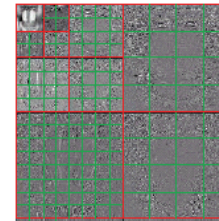


3. úroveň

• počet úrovní dekompozice závisí na implementaci

System kódování bloků

- každý dekompoziční blok je rozdělen do nepřekrývajících se menších bloků (64x64 nebo 32x32 koeficientů)

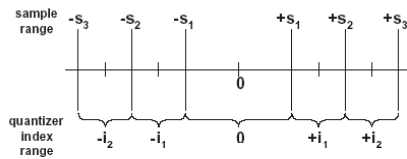


Kvantizace

waveletové koeficienty z každé úrovně dekompozice jsou kvantizovány podle vztahu

$$q = \text{sign}(y) \left\lfloor \frac{|y|}{\Delta_b} \right\rfloor$$

výsledkem kvantizace je náhrada hodnoty každého koeficientu kvantizačním indexem



$$\text{Quantizer Index} = - \left\lfloor \frac{21.82}{10} \right\rfloor = -2$$

